

Рис. 341

Поясним, что понимается под параллельностью прямых в пространстве. Две прямые в пространстве называются **параллельными**, если они лежат в одной плоскости и не пересекаются.

Указанные четырёхугольники являются параллелограммами. В самом деле, например, в четырёхугольнике  $A_1A_2B_2B_1$  противоположные стороны  $A_1A_2$  и  $B_1B_2$  по построению равны и параллельны, поэтому этот четырёхугольник — параллелограмм.

**$n$ -угольной** призмой называется многогранник  $A_1A_2...A_nB_1B_2...B_n$ , составленный из двух равных  $n$ -угольников  $A_1A_2...A_n$  и  $B_1B_2...B_n$  — оснований призмы и  $n$  параллелограммов  $A_1A_2B_2B_1, \dots, A_nA_1B_1, \dots, A_nB_n$  — **боковых граней** призмы. Отрезки  $A_1B_1, \dots, A_nB_n$  называются **боковыми рёбрами** призмы. Все они равны и параллельны друг другу.

Призмы бывают прямыми и наклонными. Чтобы дать определение прямой призмы, введём понятие перпендикулярности прямой и плоскости. Прямая  $a$ , пересекающая плоскость  $\alpha$  в некоторой точке  $H$  (рис. 342), называется **перпендикулярной** к этой плоскости, если она перпендикулярна к любой прямой, лежащей в плоскости  $\alpha$  и проходящей через точку  $H$ . Перпендикулярность прямой  $a$  и плоскости  $\alpha$  обозначается так:  $a \perp \alpha$ .

Если все боковые рёбра призмы перпендикулярны к плоскостям её оснований, то призма называется **прямой** (рис. 343, а); в противном случае призма называется **наклонной** (рис. 343, б). Прямая призма, основаниями которой являются правильные многоугольники, называется **правильной** (рис. 343, в).

Выберем произвольную точку  $A$  одного из оснований и проведём через неё прямую, перпендикулярную к плоскости другого основания и пересекающую её в точке  $B$  (рис. 344). Отрезок  $AB$  называется **высотой** призмы. В курсе стереометрии 10—11 классов доказывается, что все высоты призмы равны и параллельны друг другу.

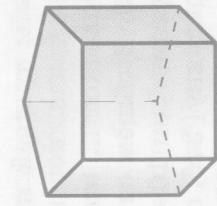
## 125 Параллелепипед

Четырёхугольная призма, основаниями которой являются параллелограммы, называется **параллелепипедом** (рис. 345). Все шесть граней параллелепипеда — параллелограммы. Если параллелепипед **прямой**, т. е. его боковые рёбра перпендикулярны к плоскостям оснований, то боковые грани — прямоугольники. Если же и основаниями прямого параллелепипеда служат прямоугольники, то этот параллелепипед — **прямоугольный**.

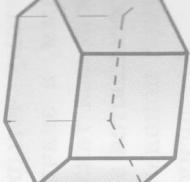
Мы знаем, что диагонали параллелограмма пересекаются и точкой пересечения делятся пополам. Оказывается, что аналогичным свойством обладают диагонали параллелепипеда:

**Четыре диагонали параллелепипеда пересекаются в одной точке и делятся этой точкой пополам.**

Доказательство этого утверждения основано на следующем факте: если две прямые в про-

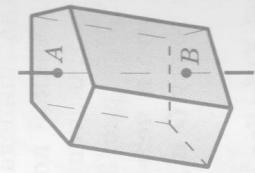


Наклонная четырёхугольная призма



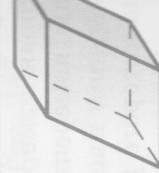
Наклонной четырёхугольной призма

Рис. 343



Правильная четырёхугольная призма

Рис. 343



Параллелепипед

Рис. 345